# スプラッシュ過程における粒子の3次元挙動の定量化

新屋啓文<sup>1</sup>・中山智靖<sup>2</sup>・富永禎秀<sup>3</sup> (1:新潟大学研究推進機構 2:新潟大学理学部 3:新潟工科大学工学部)

# 1. はじめに

地表面に降り積もった雪が風により舞い上げられる現 象を吹雪と呼ぶ、吹雪は、視程障害や吹きだまり、着雪と いった付随現象を引き起こすため、時として大規模な雪 氷災害を引き起こす. 2021 年1月19日に宮城県大崎市 の東北自動車道で発生した吹雪による多重衝突事故(約 140台)は記憶に新しく、局所的に発生していた吹雪の視 程障害が事故の原因と指摘されている.他方で,吹雪発生 後の地表面に目を向けると、多様な雪面模様を確認する ことができる. 例えば, 飛雪粒子の堆積地形であるスノー バルハン、風による侵食地形であるサスツルギが挙げら れる. Kochanski et al. (2019)によると、降雪時または降雪 直後の吹雪では堆積地形が形成されるのに対し、積雪焼 結後に発生した吹雪では侵食地形が雪面に生じると報告 されている. つまり, 新雪による柔らかい雪面や焼結で硬 化した雪面など雪面状態の違いが、吹雪に伴い形成され る侵食・堆積地形の変化に現れていると示唆される. 吹雪 において雪面で生じる物理素過程の1つとして、雪面へ の飛雪粒子の衝突過程(以後,スプラッシュ過程)がある. スプラッシュ過程は、衝突によって新たな雪粒子を飛散 させる侵食過程や衝突した雪粒子の運動停止による堆積 過程を担っている. そのため, 上記で述べた雪面硬度に依 存した地形変化は、スプラッシュ過程の効果で生じた可 能性がある.

雪のスプラッシュ過程を測定した先駆的研究として、 Sugiura and Maeno (2000)の風洞実験が知られている. 高速 度カメラを用いて、スプラッシュ過程を風向-高さの鉛直 2次元断面で撮影することに成功し、雪粒子の2次元挙動 の衝突角度・速度依存性が明らかにされている.また, Ammi et al. (2009)による粉体物理実験では、無風状態で樹 脂製粒子のスプラッシュ過程が計測されており、衝突粒 子の反発(Rebound)と新たな飛散粒子(Splash)を区別 した解析が3次元で行われている. さらに、O'Brien and Neuman (2016)による飛砂の実験では、風洞上部から照射 したレーザーシートの向きを風向に直交する奥行(スパ ン) 方向へ変えることで、飛砂のスパン方向の運動を抽出 することに成功している. スプラッシュ過程に関係する 地表面近傍の粒子挙動の解明は雪氷分野に限らず取り組 まれているものの、スプラッシュ過程における粒子の3次 元挙動の計測は技術的困難さのため研究例が少ない状態 である.



図1 実験系の全体像. 黒の点線内は粉体層の位置を示す.

本研究では、雪や砂のスプラッシュ過程を3次元で計 測するための実験系構築および幅広い粒径分布を示す雪 や砂のスプラッシュ過程の基準値取得を目的とし、均一 粒径の発泡スチロール球を用いた風洞実験を実施したの で、その結果を報告する.

#### 2. 風洞実験

本実験は、新潟工科大学風・流体工学研究センターの 大型境界層風洞(測定部:長さ13m,幅1.8m,高さ1.8 m)で行われた.風洞内にアルミフレームとアクリル板を 組み合わせた風路を配置し、その底面に発泡スチロール 球(直径8mm,質量13.7mg,密度51.1kgm<sup>3</sup>)を接着さ せたベニヤ板を敷いて粗度を与えた(図1).加えて、ス プラッシュ過程を発生させるため、風路の風下側に粒子 を堆積させた粉体層(充填率60%)を作成した.実験を 行う度、粉体層の表面が平坦になるように均した.

粉体層表面で生じるスプラッシュ過程を撮影するため, デジタルスチルカメラ (Sony, DSC-RX0M2) を風路の上 部および側面に2台設置した (図1). 風路内への粒子供 給は,風上からの手動散布とした.そして,粉体層をLED ビデオライト (Yonguno, YN-600) で照らしつつ,スプラ ッシュ過程をフレームレート 960 fps・撮影時間4秒で動



図 2 チェッカー盤によるカメラキャリブレーション: (a)上部 カメラ, (b)側面カメラ. (b)の×印は盤上の粒子位置を示す.

画撮影した.撮影時の風洞中心風速は,粉体層表面の粒子 が風によって飛散しない風速5,7ms<sup>-1</sup>の2条件を採用した.

### 3. 画像解析

同期した2台のカメラで捉えたスプラッシュ過程にお ける粒子挙動を定量化するため、画像解析によって粒子 の3次元座標を推定した.座標推定の手順は以下のとお りである.

画像のピクセル座標と実座標の対応関係を把握するため、1辺50mmの自作チェッカー盤を地表面へ水平に配置し、上部・側面画像に写る交点から画像解像度と画像間の位置関係を整理した(図2).ここで、実座標は、風向をx座標、奥行方向をy座標、鉛直方向をz座標と定義した.図2の数値は交点の番号を示しており、番号6-20の交点は上部・側面の両画像に写っていた.

動画編集ソフト (FFmpeg) を用いて、スプラッシュ過 程を撮影した動画から1コマ毎の静止画を作成した.本 研究では、粉体層への粒子の衝突前後に着目するので、粒 子の水平座標を上部画像から算出した(図 2(a)).一方、 粒子の鉛直座標は側面の画像から推定されるが、粒子の 高さは水平座標に基づくチェッカ一盤上の位置(図 2(b) の×印)から実際に撮影された位置までの距離として計算 した.その際、画像解像度はy方向で異なるため、x方向 の解像度を用いてピクセル距離から実際の高さに変換し た.



図3風速の鉛直分布(跳躍粒子なし).(a)と(b)は同一データであり、点とエラーバーはそれぞれ平均風速と標準偏差を表している. u<sub>ref</sub>は風洞中心の風速, d は粒径(8 mm)である.

# 4. 結果

#### 4.1 風速分布

本実験系では、風路内に境界層が発達するよう底面に 粗度を与えていた(図1). そこで、スプラッシュ過程を 撮影する前段として、熱線風速計(DANTEC,90C10)を 用いて、風路内の風速の鉛直分布を計測した.計測は粉体 層の風上 10 cm の地点で行い、ベニヤ板に接着した粒子 の頂点を高さ0 mm と定義し、高さ10,20,40,80,160,320 mm の計6点でx 方向の風速 ux を測定した.

図3は、風洞中心風速 $u_{ref}$ =5,8 m s<sup>-1</sup>における風速分布 を示している.図3(a)で示されるように、風速勾配は地表 面近傍で大きくなっており、高さ 160 mm 以上で風洞中 心風速に達していた.また、高さ 320 mm の風速を除い て、風速分布が対数則に従っていることも分かった(図 3(b)).ここで、粗度の影響を評価するため、風速分布に 次式を適用した.

$$u_x(z) = \frac{u_*}{\kappa} \ln \frac{z}{z_0} \tag{1}$$

式(1)において, u\*は摩擦速度, к はカルマン定数 (0.4), zoは粗度長である. 図 3(b)の点線は,高さ 320 mm を除い



図 4 スプラッシュ過程のスナップ写真. 1 コマ毎の時間間隔は 1/960 s である. 写真中の丸は粒子の反発と飛散を示している.

て式(1)をフィッティングしたものである. Bagnold (1941) によると、境界層における粗度長は粒径の30分の1に相 当すると知られている. 図3(b)に示されるフィッティン グ曲線の切片が粗度長であり、これらは本実験で使用し た発泡スチロール球の粒径8mmから推測される粗度長 (d/30)と良く一致していた. 従って、本実験系で境界層 が形成されていたと言える.

#### 4.2 スプラッシュ過程における粒子挙動

図4は、上部と側面に設置した高速度カメラで捉えた スプラッシュ過程における粒子挙動の様子を示している. 各画像は動画から切り出された静止画の拡大図であり、1 コマ毎の時間間隔は1/960 s である.5 コマ目は粉体層へ の入射粒子の衝突状態を表しており、衝突後、入射粒子は 大気中へ跳ね返っている.さらに、衝突により粒子が新た に粉体層から飛散した様子も確認された(図4の5 コマ 目以降の丸).

撮影されたスプラッシュ過程の内,粒子が反発・停止 (堆積)した代表例に関して,画像解析により粒子の3次 元挙動を定量化した.図5は,粒子の3次元座標の時間 変化を示しており,縦の破線と一点鎖線は粉体層への粒 子の衝突を確認できた時間を意味する.図5(a),(b)は,そ れぞれ衝突後に粒子が反発・停止した解析例である.図 5(a)を見ると,衝突前の粒子は風向に移動しつつ下降して いるが,奥行方向にほとんど動いていないことが分かる. 衝突後の反発粒子は,風向に移動しつつ上昇しているこ とに加え,奥行方向への移動も確認された.これに対して, 図5(b)を見ると,衝突前の粒子は風向・奥行ともに移動し ながら下降しているものの,衝突後の停止粒子はいずれ の方向にも移動が抑えられていた.

図5の粒子座標の時間変化に基づき,風向-奥行の水平 断面と風向-高さの鉛直断面における反発・停止の粒子飛 跡を図6に示す.縦の破線と一点鎖線は、それぞれ反発 と停止で粒子が粉体層に衝突したx座標を表している. 反発粒子は、図6(a)で衝突による進行方向(方位角)の変 化と1/960s間隔の点線から速度の低下を、図6(b)で入射



# 図 5 スプラッシュ過程における粒子座標の時間変化:(a)反発,(b)停止.風向と奥行方向は0コマ目をx=y=0mm,鉛直 方向は衝突時をz=0mmとする.

角を上回る反発時の仰角を確認できる.一方,停止粒子は, 衝突点近傍に留まっていたことが分かる.現状,解析数は 2例と非常に少ないももの,風洞実験でスプラッシュ過程 における粒子の3次元挙動を定量化できると考えられる.

#### 5. まとめ

本実験では、雪や砂のスプラッシュ過程を3次元で計 測するための実験系構築および幅広い粒径分布を示す雪 や砂のスプラッシュ過程の基準値取得を目的とし、均一 粒径の発泡スチロール球を用いた風洞実験を実施した. 本実験系で、風路内に底面粗度を反映した境界層を形成





するとともに、風路の上部と側面から同期した小型カメ ラによるスプラッシュ過程の高速度撮影に成功した.そ して、撮影した動画を1コマ毎の静止画に変換し、画像 解析によって粒子の3次元座標の推定手法を構築した. スプラッシュ過程を捉えた動画から粒子衝突後の反発と 停止の代表例を選択し、画像解析手法を適用した結果、反 発粒子の移動方向と速度の変化や停止粒子の粉体層上へ の堆積過程を定量化することに成功した.今後、雪や砂の 基準値となるスプラッシュ過程の3次元特徴を明らかに するだけでなく、本実験系を用いて雪・砂のスプラッシュ 過程の3次元計測を予定している.

# 文献

- Ammi, M., Oger, M., Beladjine, D., and Valance, A. (2009): Three-dimensional analysis of the collision process of a bead on a granular packing. Phys. Rev. E., **79**, 021305.
- Bagnold, R. A. (1941): The physics of Blown Sand and Desert Dunes. Methuen, London.
- Kochanski, K., Anderson, R. S., and Tucker, G. E. (2019): The evolution of snow bedforms in the Colorado Front Range and the processes that shape them. The Cryosphere, **13**, 1267–1281.

- O'Brien, P. and Neuman, C. M. (2016): PTV measurement of the spanwise component of aeolian transport in steady state. Aeolian Res. **20**, 126–138.
- Sugiura, K. and Maeno, N. (2000): Wind-tunnel measurements of restitution coefficients and ejection number of snow particles in drifting snow: determination of splash functions. Boundary-Layer Meteorol. 95, 123–143.